

Fyzikální sekce přírodovědecké fakulty  
Masarykovy univerzity v Brně

# **FYZIKÁLNÍ PRAKTIKUM**

F4220 - Výběrové fyzikální praktikum

**Zpracoval:** Petr Šafařík

**Naměřeno:**

**Obor:** ASTRO    **Ročník:** II    **Semestr:** III

**Testováno:**

---

**Úloha č. :**

$$T = 20,0^\circ\text{C}$$

$$p =$$

$$998 \text{ hPa}$$

$$\varphi = 25,5 \%$$

# F4220 - Výběrové fyzikální praktikum

## Spektroskopie

Petr Šafařík

Měřeno: 6. a 13. dubna 2007  
Kompilováno: 28. května 2007

### Abstrakt

Spektroskopie patří mezi pokročilejší optické analytické fyzikální metody. Pomocí měření spektra (nyní nerozlišuji mezi spektrem absorbčním, emisním, transmisním, reflexním atd.) lze určit mnohé o zkoumaném objektu. Spektroskopie je jednou ze základních metod v astronomii, kde lze ze spektra určit teplota, složení, z posuvu spektra dále vzdálenost objektu, případně i informace o materiálu, který je mezi námi a zkoumanou hvězdou. Studiem spektra z pohledu astrofyziky jsem se zabýval v předmětu F3190 — Astronomické praktikum [5]. Spektrum (absorbční a reflexní) lze ovšem zkoumat i 'malé' — v řádech mikrometrů i nanometrů. V tomto protokolu se budu věnovat měření tloušťky tenké vrstvy ze spektra propustnosti a reflexe.

# Obsah

|          |  |          |
|----------|--|----------|
| <b>1</b> | <b>Zadání</b>  | <b>3</b> |
| <b>2</b> | <b>Teoretické minimum</b>  | <b>3</b> |
| 2.1      | Měření indexu lomu z měření transmisivity . . . . .                          | 3        |
| 2.2      | Určení tloušťky tenké vrstvy z měření transmisivity . . . . .                | 4        |
| 2.3      | Stanovení indexu lomu a tloušťky tenké vrstvy z reflexního spektra . . . . . | 5        |
| <b>3</b> | <b>Měření a výsledky</b>   | <b>6</b> |
| 3.1      | Měření indexu lomu z měření transmisivity . . . . .                          | 6        |
| 3.2      | Určení tloušťky tenké vrstvy z měření transmisivity . . . . .                | 6        |
| 3.3      | Určení tloušťky tenké vrstvy z měření reflexe . . . . .                      | 7        |
| <b>4</b> | <b>Poznamky</b>  | <b>7</b> |
| 4.1      | Script d1.m . . . . .  | 11       |
| 4.2      | Výstup ze scriptu d1.m . . . . .   | 11       |
| 4.3      | Script d2.m . . . . .  | 11       |
| 4.4      | Výstup ze scriptu d2.m . . . . .   | 12       |

## 1 Zadání

- Určete index lomu skla BK7 z měření transmisivity
- Určete tloušťku tenké vrstvy  $TiO_4$  z měření transmisivity
- Určete index lomu a tloušťku tenké vrstvy nanesené na křemíku z měření reflexivity

## 2 Teoretické minimum

Pro plné teoretické vysvětlení problémů se podívejte do script [1]

### 2.1 Měření indexu lomu z měření transmisivity

V optice se zavádí intenzitní veličiny odrazivost  $R$ , propustnost  $T$  a absorpcie  $A$ , které při kolmém dopadu světla charakterizují z optického hlediska danou látku. Označíme-li symbolem  $I_0$  intenzitu dopadající světelné vlny, pak

$$R = \frac{I_r}{I_0}$$

$$T = \frac{I_t}{I_0}$$

a v souhlase se zákonem zachování energie platí:

$$A + R + T = 1$$

Z měření propustnosti  $T$  tlusté vrstvy dané látky lze určit, za předpokladu, že daná látka je neabsorbující, její index lomu. Tloustou vrstvou se rozumí taková tloušťka materiálu  $t$ , že platí  $t >> \lambda$ , kde  $\lambda$  je vlnová délka dopadajícího světla. Vzhledem k tomu, že jde o neabsorbující látku, platí že absorbce  $A = 0$  ve vztahu:

$$A + R + T = 1$$

Když se nám jedná o neabsorbující látku, platí :

$$T = \frac{1 - \rho}{1 + \rho}$$

Pro odrazivost rozhraní vzduchu — neabsorbující látka, která je charakterizována indexem lomu  $n$

$$\rho = \frac{(1 - n)^2}{(1 + n)^2}$$

$$T = \frac{2n}{(n^2 + 1)}$$

odkud lze již snadno stanovit hledaný index lomu neabsorbující látky — vztahem (1)

$$n = \frac{1 + \sqrt{1 - T^2}}{T} \quad (1)$$

## 2.2 Určení tloušťky tenké vrstvy z měření transmisivity

Prvně jsme museli určit index lomu tenké vrstvy  $n_1$ . Dopadá-li na systém vzduch — tenká vrstva — podložka roviná monochromatická vlna  $\lambda$  lze propustnost charakterizovat vztahem (2).

$$T = \frac{4n_1^2 n}{n_1^2(n_1 + 1)^2 - (n^2 - n_1^2)(n_1^2 - 1) \sin^2 \left( \frac{\left(\frac{2\pi}{\lambda}\right) 2n_1 d_1}{2} \right)} \quad (2)$$

Řešením rovnice (2) najdeme hledaný index lomu  $n_1$  vztahem (3)

$$n_1 = \frac{2\sqrt{n} + \sqrt{4n - 4nT}}{2\sqrt{T}} \quad (3)$$

Z poloh dvou po sobě jdoucích extrémů závislosti  $T(\lambda)$  podle vztahu (4) získáme tloušťku tenké vrstvy  $d$ .

$$d_1 = \frac{\lambda\lambda'}{4(n'_1\lambda - n_1\lambda')} \quad (4)$$

### 2.3 Stanovení indexu lomu a tloušťky tenké vrstvy z reflexního spektra

Odrazivost  $R$  systému podložka – tenká vrstva je dána vztahem (5) pro případ neabsorbující vrstvy na neabsorbující podložce.

$$R = \frac{\left(\frac{n_0-n_1}{n_0+n_1}\right)^2 + \left(\frac{n_1-n}{n_1+n}\right)^2 + 2\frac{n_0-n_1}{n_0+n_1} \frac{n_1-n}{n_1+n} \cos\left(\frac{4\pi}{\lambda}n_1 d\right)}{1 + \left(\frac{n_0-n_1}{n_0+n_1}\right)^2 \left(\frac{n_1-n}{n_1+n}\right)^2 + 2\frac{n_0-n_1}{n_0+n_1} \frac{n_1-n}{n_1+n} \cos\left(\frac{4\pi}{\lambda}n_1 d\right)} \quad (5)$$

Pro minimální hodnoty reflexe  $R_{min}$  jsme s to určit index lomu vrstvy ze vztahu (6)

$$n_1 = \sqrt{n \left( \frac{1 - \sqrt{R_{min}}}{1 + \sqrt{R_{min}}} \right)} \quad (6)$$

Následně dostáváme vztah (7) pro hledanou tloušťku vrstvy

$$d = \frac{\lambda\lambda'}{4(n'_1\lambda' - n_1\lambda)} \quad (7)$$

Spojíme-li vztahy (6) a (7) získáme vztah (8), který již není problém přepsat do scriptu d2, který uvádí na straně 11 v části (4.3).

$$d = \frac{\lambda\lambda'}{4 \left( \sqrt{n \left( \frac{1 - \sqrt{R_{min}}}{1 + \sqrt{R_{min}}} \right)} \lambda' - \sqrt{n \left( \frac{1 - \sqrt{R_{min}}}{1 + \sqrt{R_{min}}} \right)} \lambda \right)} \quad (8)$$

Index lomu podložky  $n$  ve vztahu (8) určím ze vztahu (9):

$$n(\lambda) = 3.397 + \frac{1,4 \cdot 10^5}{\lambda^2} + \frac{1,992 \cdot 10^{10}}{\lambda^4} \quad (9)$$

## 3 Měření a výsledky

### 3.1 Měření indexu lomu z měření transmisivity

Dosazením naměřených hodnot  $T$  do vztahu (1) jsem získal hodnotu indexu lomu skla BK7 jako

$$n = f(\lambda)$$

funkce je v grafu zobrazena na straně 8 v obrázku (1). Průměrná hodnota následně vychází

$$n = 1,62 \pm 0,02$$

Je vidět, že se v oblasti 830 nm vyskytuje peak. Při této hodnotě se mění filtry a zřejmě nebyla tato změna dostatečně vykompenzována. V této poloze se projevují chyby i v dalších měřeních.

### 3.2 Určení tloušťky tenké vrstvy z měření transmisivity

Tloušťku tenké vrstvy spočteme ze vztahu (4). Hodnotu indexu lomu použiji index lomu odpovídající k té které vlnové délce dle grafu (2). Hodnoty extrémů jsou v tabulce (1). Hodnoty  $\lambda$  a  $T$  získáme z grafu (2) na straně 8. Hodnotu indexu lomu skla BK7 pro určitou vlnovou délku získáme ze vztahu (1).

Tabulka 1: Hodnoty extrémů pro výpočet tloušťky tenké vrstvy

| # | $\lambda$ | $T$    | $n$ (skla BK7 pro $\lambda$ ) | $n_1$ (tenká vrstva) |
|---|-----------|--------|-------------------------------|----------------------|
| 1 | 419       | 0,6042 | 1,65554                       | 2,66633              |
| 2 | 476       | 0,6363 | 1,62835                       | 2,55838              |
| 3 | 564       | 0,6567 | 1,60267                       | 2,49266              |
| 4 | 707       | 0,6662 | 1,58842                       | 2,46269              |
| 5 | 970       | 0,6699 | 1,58485                       | 2,45112              |

Následné zpracování bylo otázkou jednoduchého scriptu `d2.m` (část 4.1 na straně 11) pro program Octave [2]. Hodnota tenké vrstvy je z celkem 5 extrémů spočtena na:

$$d_1 = (261 \pm 5) \text{ nm}$$

### 3.3 Určení tloušťky tenké vrstvy z měření reflexe

Tloušťku tenké vrstvy spočteme ze vztahu (8).

Hodnotu indexu lomu použiji index lomu odpovídající k té které vlnové délce dle vztahu (9). Hodnoty extrémů jsou v tabulce (2). Hodnoty  $\lambda$  a  $R$  získáme z grafu (4) na straně 9. Index lomu podložky je vypočten na základě vztahu (9)

Tabulka 2: Hodnoty extrémů pro výpočet tloušťky tenké vrstvy

| # | $\lambda$ | R        | n podložky | $n_1$ tenké vrstvy |
|---|-----------|----------|------------|--------------------|
| 1 | 440       | 0,13976  | 4,65161    | 1,4560             |
| 2 | 506       | 0,105650 | 4,24767    | 1,4710             |
| 3 | 596       | 0,085577 | 3,94900    | 1,4702             |
| 4 | 727       | 0,072060 | 3,73320    | 1,4673             |
| 5 | 934       | 0,063481 | 3,58366    | 1,4633             |

Následné zpracování bylo otázkou jednoduchého scriptu (část 4.3 na straně 11) pro program Octave [2]. Hodnota tenké vrstvy je z celkem 5 extrémů spočtena na:

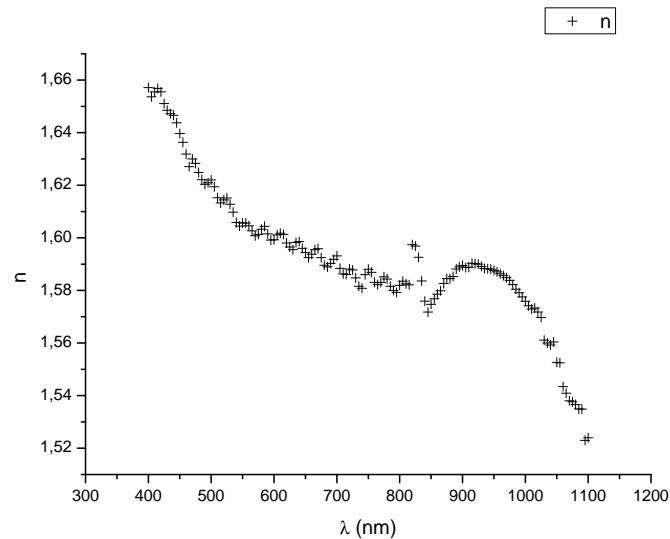
$$d_2 = (560 \pm 5) \text{ nm}$$

## 4 Poznamky

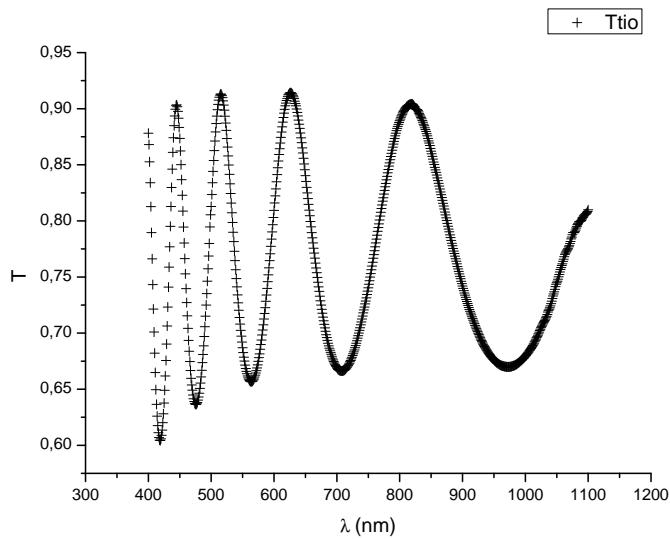
### Reference

- [1] Kolektiv autorů: Výběrové fyzikální praktikum — návody k úlohám; Ústav fyziky kondenzovaných látek, Přírodovědecká fakulta Masarykovy univerzity, Brno, 2004
- [2] GNU Octave, version 2.1.72 (i486-pc-linux-gnu)
- [3] <http://physics.muni.cz/~petos>
- [4] <http://physics.muni.cz/~petos/F4220>
- [5] <http://physics.muni.cz/~petos/F3190>

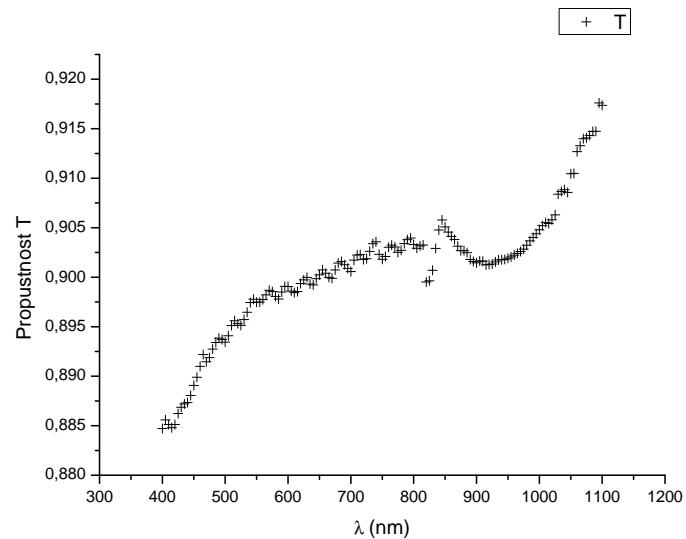
Obrázek 1: Graf funkční závislosti  $n = f(\lambda)$  pro BK7 sklo



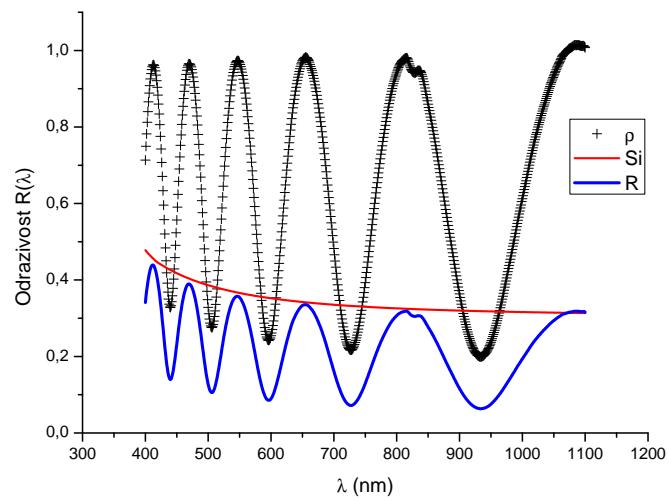
Obrázek 2: Graf funkční závislosti  $T = f(\lambda)$  pro tenkou vrstvu  $\text{TiO}_2$  na skle BK7



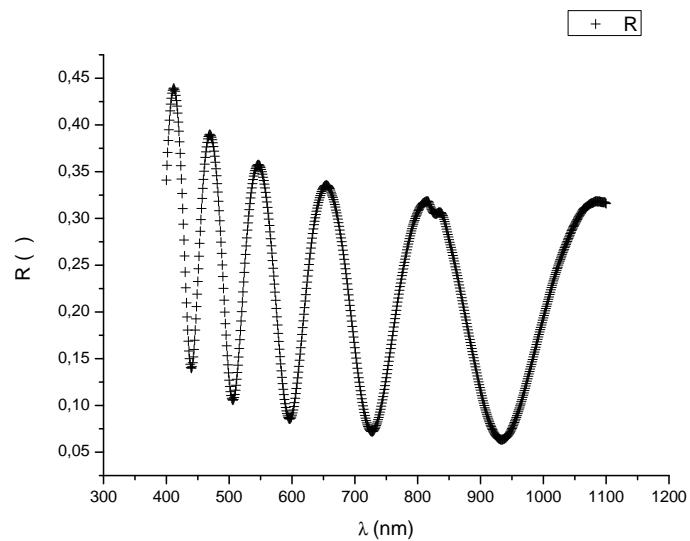
Obrázek 3: Závislost propustnosti  $T$  na vlnové délce  $\lambda$



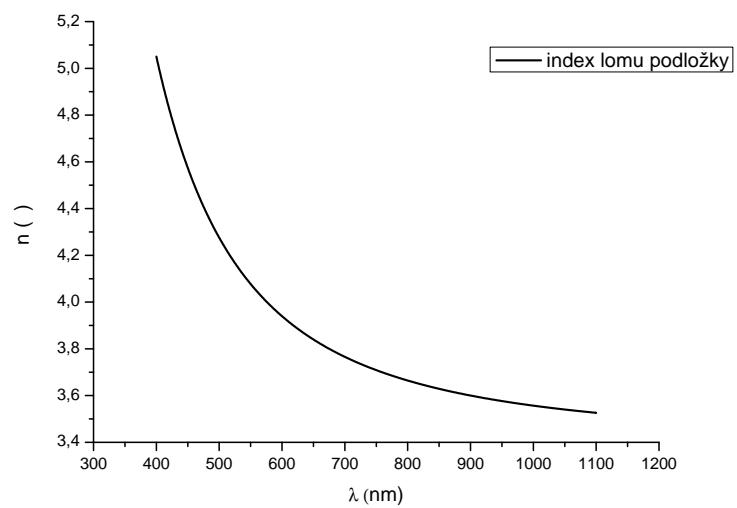
Obrázek 4: Graf funkční závislosti  $R = f(\lambda)$  pro tenkou vrstvu



Obrázek 5: Graf funkční závislosti  $R = f(\lambda)$  při reflexi



Obrázek 6: Graf funkční závislosti  $n = f(\lambda)$  pro podložku při reflexi



## 4.1 Script d1.m

Výjimečně uvádím i script pro počítání tenké vrstvy z propustnosti, neboť je natolik primitivní, že se nebojím zneužítí.

```
load("textremy.dat")

lambda=textremy(:,2);
n=textremy(:,5);
dpart=0;
N=rows(n)-1;

for i=1:N
i = i
j = (i)+1
d = (lambda(i)*lambda(j)) / (4*(n(i)*lambda(j) - n(j)*lambda(i)))
dpart = dpart+d;
endfor

dprumer = dpart/N
```

## 4.2 Vystup ze scriptu d1.m

```
GNU Octave, version 2.1.69 (i386-pc-linux-gnu).
Copyright (C) 2005 John W. Eaton.
```

## 4.3 Script d2.m

Výjimečně uvádím i script pro počítání tenké vrstvy z odrazivosti, neboť je natolik primitivní, že se nebojím zneužítí.

```
load("rextremy.dat")

lambda=rextremy(:,2);
R=rextremy(:,3);
n=rextremy(:,4);
dpart=0;
N=rows(n)-1;

for i=1:N
i = i
j = (i)+1
na = sqrt( n(i) * ( (1- (sqrt(R(i)))) / (1+ (sqrt(R(i)))) ) )
```

```

na = sqrt( n(j) * ( (1- (sqrt(R(j)))) / (1+ (sqrt(R(j))))))
d = (lambda(i)*lambda(j)) / (4*(nb*lambda(j) - na*lambda(i)))
dpart = dpart+d;
endfor

dprumer = dpart/N

```

#### **4.4 Vystup ze scriptu d2.m**

```

GNU Octave, version 2.1.69 (i386-pc-linux-gnu).
Copyright (C) 2005 John W. Eaton.

```

```

i = 1
j = 2
na = 1.4560
nb = 1.4710
d = 537.01
i = 2
j = 3
na = 1.4710
nb = 1.4702
d = 571.47
i = 3
j = 4
na = 1.4702
nb = 1.4673
d = 568.56
i = 4
j = 5
na = 1.4673
nb = 1.4633
d = 565.91
dprumer = 560.74

```